

**تمرين 1:**

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة ب:  $f(x) = \frac{x}{1+\sqrt{1+x^2}}$

1. حدد  $(D_f)$
  2. الزوجية أدرس
  3. حدد نهايات  $f$  عند محددات  $(D_E)$
  4. ادرس تغيرات  $f$
  5. ادرس الفروع اللانهائية ل  $(C_f)$
  6. أنشئ  $(C_f)$  منحنى  $f$
- نقبل أن  $(\forall x \geq 0) f''(x) \leq 0$

**تمرين 2:**

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة ب:  $f(x) = \cos^4(x) + 3\sin^4(x) - 1$

1. حدد  $(D_f)$
2. بين أن  $D_E = \left[0, \frac{\pi}{2}\right]$
3. ادرس تغيرات  $f$  على  $[0, \pi]$
4. أنشئ  $(C_f)$  منحنى  $f$  على  $[-\pi, \pi]$

**تمرين 3:**

1. بين أن  $\forall 0 \leq k \leq p \leq n \quad C_n^k C_{n-k}^{p-k} = C_p^k C_n^p$
2. أحسب المجموع التالي  $T_n = \sum_{k=0}^n C_n^k C_{n-k}^{p-k}$
3. بين أن  $\sum_{k=0}^n k^2 C_n^k = n(n-1)2^{n-2} + n2^{n-1}$